基于分数阶滑模控制的高精度印刷机纠偏系统研究

陈一军,郭忠旭,武吉梅^{*},邵明月,王静

(西安理工大学 印刷包装与数字媒体学院,西安 710048)

摘要:目的 解决卷对卷印刷收卷不齐的问题,提高收卷精度。方法 对印刷机收卷纠偏原理进行分析, 建立收卷纠偏系统数学模型,提出基于分数阶滑模控制的纠偏算法,分析其稳定性。在不同收卷线速度、 不同跑偏干扰输入信号的条件下进行仿真。搭建收卷纠偏实验平台,对2种控制方法进行收卷纠偏控制 实验。结果 仿真结果表明,分数阶滑模控制器比传统 PID 控制器具有较好的动态性能和稳态性能。实 验结果表明,分数阶滑模控制算法比传统 PID 控制具有更高的纠偏精度。结论 分数阶滑模控制算法可 以有效提高印刷机收卷纠偏精度,满足高精度印刷要求。

关键词:纠偏;分数阶滑模控制;收卷控制;MATLAB 仿真

中图分类号: TP273 文献标识码: A 文章编号: 1001-3563(2023)19-0171-08 DOI: 10.19554/j.cnki.1001-3563.2023.19.022

High-precision Printing Press Guiding System Based on Fractional-order Sliding Mode Control

CHEN Yi-jun, GUO Zhong-xu, WU Ji-mei^{*}, SHAO Ming-yue, WANG Jing

(School of Printing, Packaging Engineering and Digital Media Technology, Xi'an University of Technology, Xi'an 710048, China)

ABSTRACT: The work aims to solve the problem of uneven roll-to-roll printing, and improve the winding accuracy. The principle of winding and guiding of printing press was analyzed. The mathematical model of winding and guiding systems was established. A correction algorithm based on fractional-order sliding mode control was proposed to analyze its stability. Simulation was carried out under the condition of setting different winding line speeds and different misalignment interference input signals. An experiment platform of winding and guiding was established to conduct winding and guiding experiments on the two control methods. The simulation results showed that fractional-order sliding mode controllers had better dynamic performance and steady-state performance than traditional PID controllers. The experimental results showed that the fractional-order sliding mode control algorithm had higher guiding accuracy than traditional PID controllers. In conclusion, the fractional-order sliding mode control algorithm can effectively improve the winding and guiding accuracy of the printing press and meet the requirements of high-precision printing.

KEY WORDS: guiding; fractional-order sliding mode control; winding control; MATLAB simulation

卷对卷印刷在印刷行业具有广泛的应用,印刷机 在收卷过程中,由于卷材的张力变化、两段料卷拼接 不齐,以及卷材的厚度不均匀等因素的影响,呈现出 交替随机的横向偏移。这种现象会造成收卷时边缘不 整齐,影响印品质量^[1]。为此,目前印刷机通常配有 收卷纠偏系统^[2]。

收稿日期: 2022-10-28

基金项目:国家自然科学基金面上项目(52075435,52205127);陕西省自然科学基础研究计划重点项目(2022JZ-30);国家 新闻出版署智能与绿色柔版印刷重点实验室招标课题(ZBKT202105)

印刷机收卷纠偏系统由于工作环境复杂,所以存 在诸多不利于控制系统设计的影响因素,如非线性因 素、外部干扰因素、收卷轴负载变化等。由于收卷纠 偏系统具有多种干扰因素的影响,使得传统 PID 控制 器难以提高其控制性能。在"中国制造 2025"背景 下,智能控制策略发展迅速,新型控制策略在传统制 造业上应用越来越多。因此,在收卷纠偏控制系统设 计时解决被控对象干扰因素多、不确定性强的问题具 有一定的理论和工程实际意义。

相较于其他控制方法,滑模控制算法具有很多优 点。如对参数摄动具有不敏感性、对不确定性外部扰 动具鲁棒性强等特点,因此滑模控制算法具有广泛的 应用^[3]。但滑模控制因为其系统的执行时切换开关, 使其具有一定的滞后性,滑模面上的滑动模态不能准 确发生,造成系统抖振。分数阶系统具有能量传递及 收敛速度缓慢的特点,在滑膜控制器的设计中加入分 数阶理论能够有效地降低滑模控制的抖振幅度及频 率,可以有效减弱系统的抖振,减少调节时间,降低 系统的能量损耗,并且具有较好的鲁棒性^[4]。

1 收卷纠偏工作原理

印刷机收卷纠偏系统是利用超声波传感器对卷 材进行边缘检测,检测到卷材与设定值发生横向偏移 时,将检测到的偏移信号作为系统的输入信号,传输 到纠偏控制器中,控制器比较检测到偏移信号与设定 偏移量,产生偏差信号,并将该信号转换成脉冲量传 递给步进电机驱动器,由步进电机带动纠偏执行机构 完成纠偏动作,上述过程反复进行,形成闭环控制, 直至偏差信号为0。凹版印刷机收卷纠偏系统的结构 原理简图如图1所示^[5]。



图 1 卷筒纸印刷收卷纠偏系统结构 Fig.1 Structure block diagram of winding guiding system for web printing press

2 收卷纠偏系统数学模型

收卷纠偏系统的数学模型见图 2。



图 2 印刷机收卷纠偏控制系统的数学模型 Fig.2 Mathematical model of printing press winding guiding control system

图 2 中, x_p 为纠偏传感器处产生的偏移量, y_0 为纠偏传感器检测处期望卷材偏移值($y_0=0$), θ_0 为步进电机目标位置, θ_1 为步进电机实际机械位置, x_L 为纠偏执行机构输出的位移量, x_c 为卷材在收卷轴上的偏移量, y_1 为纠偏传感器处卷材的偏移量, y 为收卷轴上卷材综合偏移量, $W_p(s)$ 为卷材偏移检测出到收卷轴上的传输通道传递函数, $G_1(s)$ 为步进电机的传递函数, $G_2(s)$ 为传动机构的传递函数^[6]。

步进电机作为纠偏控制系统的动力单元,要依据 控制指令转动到定位位置 θ₀,通常是由前一个励磁状 态的稳定平衡点转动至下一个稳定平衡点。基于小振 荡理论,得到所需的传递函数见式(1)。

$$G_1(s) = \frac{\theta_1(S)}{\theta_0(S)} \tag{1}$$

步进电机两相励磁电压平衡方程可以表示为式(2)。

$$\begin{cases} u_{a} = Ri_{a} + L\frac{di_{a}}{dt} - K_{m}\omega\sin(N_{r}\theta) \\ u_{b} = Ri_{b} + L\frac{di_{b}}{dt} + K_{m}\omega\cos(N_{r}\theta) \end{cases}$$
(2)

式中: $u_{a,}$ 、 u_{b} 为A、B相电压;R为绕组电阻; i_{a} 、 i_{b} 为A、B相电流;L为绕组电感; K_{m} 为反电势 系数; N_{r} 为转子齿数; θ 为转子角位置输出; ω 为电

机转速,且
$$\omega = \frac{d\theta}{dt}$$
。
步进电机转子力矩平衡方程分别表示为:

$$T_{\rm e} = J \frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t} + D\omega + T_{\rm L} =$$

$$-K_{\rm m}i_{\rm a}\sin(N_{\rm r}\theta) + K_{\rm m}i_{\rm b}\cos(N_{\rm r}\theta)$$
(3)

由式(3)可得步进电机的机械运动方程:

$$J\frac{\mathrm{d}^{2}\theta}{\mathrm{d}t^{2}} + D\frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} - \frac{N_{\mathrm{r}}Li_{\mathrm{a}}^{2}}{2}\sin(N_{\mathrm{r}}\theta) = 0 \tag{4}$$

当
$$t=0$$
, $\frac{d\theta}{dt}=0$, 此时转子处于平衡位置, 仅有

一相电源接通,无其他电流通路且振荡过程中 *i*_a不变,则有增量运动方程:

$$J\frac{d^{2}(\delta\theta)}{dt^{2}} + D\frac{d(\delta\theta)}{dt} - \frac{N_{r}Li_{a}^{2}}{2}\sin(N_{r}\delta\theta) = 0$$
(5)
由于 $\delta_{\theta} = \theta_{0} - \theta_{1}$ 很小, 方程可线性化为:

$$J\frac{d^{2}\theta_{1}}{dt^{2}} + D\frac{d\theta_{1}}{dt} + \frac{1}{2}N_{r}Li_{a}^{2}\theta_{1} = \frac{1}{2}N_{r}Li_{a}^{2}\theta_{0}$$
(6)

$$(s^{2}J + sD + \frac{1}{2}N_{r}Li^{2})\theta_{1}(s) = \frac{1}{2}N_{r}Li_{a}^{2}\theta_{0}(s)$$
(7)

可得步进电机的传递函数数学模型为:

$$G_{1}(s) = \frac{N_{\rm r} L i_{\rm a}^{2} / 2J}{s^{2} + Ds / J + N_{\rm r} L i_{\rm a}^{2} / 2J}$$
(8)

对于纠偏系统的传动部分,是由步进电机驱动滑动 丝杠机构,将旋转运动转换成横向运动,其传递函数为:

$$G_{2}(s) = \frac{x_{L(s)}}{\theta_{0}(s)} = \frac{\frac{S}{2\pi i}K_{L}}{J_{1}s^{2} + f_{1}s + K_{L}} = \frac{K_{L}\omega_{0}^{2}}{s^{2} + 2\xi\omega s + \omega_{0}^{2}}$$
(9)

式中: J_L 为折算到丝杠轴上的总惯量; K_L 为折算 到丝杠轴上的机械传递总刚度; f_L 为折算到丝杠轴上的 导轨黏性阻尼系数; S为丝杠导程; i为齿轮传动比。

卷材偏移检测处到收卷轴上的传输通道传递函数:

$$W_{\rm p}(s) = \frac{1}{(L/V)s+1} = \frac{1}{t_{\rm xp}s+1}$$
(10)

式中: *V* 为收卷线速度; *L* 为纠偏传感器检测处 到收卷轴的有效距离; *t*_{xp} 为检测点到收卷轴偏移量 扰动通道等效惯性环节的时间常数。

系统的开环传递函数见式(11)。

$$H(s) = G_{1}(s)G_{2}(s) = \frac{K_{v}}{\left(s^{2} + Ds / J + N_{r}Li_{a}^{2} / 2J\right)\left(s^{2} + 2\xi\omega s + \omega_{0}^{2}\right)}$$
(11)

式中: K_v 为系统的开环增益, $K_v = \frac{K_L \omega_0^2 N_r L i_a^2}{2J}$ 。 根据系统开环传递函数, 绘制系统伯德图, 见图 3。



图 3 系统伯德图 Fig.3 Bode diagram of system

开环伯德图如图 3 所示,截止频率 ω_i 为 8 rad/s, 相频截止频率 ω_g 为 8.02 rad/s,相位裕度为 52°,幅 值裕度为 10 dB,系统稳定符合工程上一般要求。

3 分数阶滑模控制器设计

将滑模变结构控制与分数阶理论结合,首先设计 分数阶滑模面 s。首先通过添加分数阶微分项增加了 滑膜控制的灵活性,对滑模控制易于出现的抖振问题 能够有效抑制;然后设计分数阶滑模控制的趋近率, 使系统能够稳定在分数阶滑模面后保持滑模运动,且 具有较小的稳态误差;最后通过李雅普诺夫理论验证 分数阶滑模控制器的稳定性^[7]。

以步进电机为系统控制对象设计跟踪误差系统, 结合步进电机的机械运动方程可以设计为式(12)^[8]。

$$\begin{cases} \omega = \dot{\theta}_{1} \\ \dot{\omega} = -\frac{D\omega}{J} + \frac{N_{r}Li_{a}^{2}}{2J}(\theta_{1} - \theta_{0}) \end{cases}$$
(12)

式中: $\dot{\boldsymbol{\omega}} = \ddot{\boldsymbol{\theta}}_{1}$ 设计控制算法的目标是使电机的实际机械位置 $\boldsymbol{\theta}_{1}$ 跟踪目标位置 $\boldsymbol{\theta}_{0}$

$$\begin{cases} x_1 = \theta_1 - \theta_0 \\ x_2 = \dot{x}_1 = \dot{\theta}_1 - \dot{\theta}_0 \end{cases}$$
(13)

对式(13)求导可以得:

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = \dot{\theta}_1 - \dot{\theta}_0 \\ \dot{x}_2 = \ddot{x}_1 = \ddot{\theta}_1 - \ddot{\theta}_0 \end{cases}$$
(14)

分数阶滑模面可以设计为:

$$s = \dot{x}_1 + kx_1 + cD_{t0}^{\lambda - 1}sig^{\nu}(x_1)$$
(15)

式中: $k \ \pi c$ 均为正常数; $c D_{t0}^{\lambda}$ 为分数阶微积分 算子,其中, [0, t]为微积分区间, λ 为微积分阶次, $0 < \lambda < 1, 0 < v < 1_{\circ}$

为了满足滑模条件,设计如下趋近率,其表达式 见式(2)。

$$\begin{cases} \dot{s} = -k_1 |s|^{\frac{1}{2}} sign(s) + v \\ \dot{v} = -k_2 sign(s) \end{cases}$$
(16)

式中: *k*₁和 *k*₂为滑模增益, *k*₁>0, *k*₂>0。 对滑模面进行求导:

$$\dot{s} = \ddot{x}_{1} + k\dot{x}_{1} + cD_{t0}^{\lambda}sig^{\nu}(x_{1}) = -\frac{D\omega}{J} + \frac{N_{r}Li_{a}^{2}}{2J} - \ddot{\theta}_{0} + kx_{2} + cD_{t0}^{\lambda-1}sig^{\nu}(x_{1})$$
(17)

定义
$$m_1=s$$
、 $m_2=v$,式(16)可以写为:

$$\begin{cases} \dot{m}_{1} = -k_{1} |m_{1}|^{\frac{1}{2}} sign(m_{1}) + m_{2} \\ \dot{m}_{2} = -k_{2} sign(m_{1}) \end{cases}$$
(18)

选择向量 $\boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}} = [\xi_1, \xi_2] = \left[|m_1|^{\frac{1}{2}} \operatorname{sign}(m_1), m_2 \right], 则式$

$$\dot{\xi} = \frac{1}{|\xi|} A\xi, A = \begin{pmatrix} -\frac{1}{2}k_1 & \frac{1}{2} \\ -k_2 & 0 \end{pmatrix}$$
(19)
$$\vec{x} + : |\xi_1| = |m_1|^{\frac{1}{2}} .$$

基于李雅普诺夫(Lyapunov)理论证明分数阶滑 模控制的稳定性。现构建如下李雅普诺夫函数^[9]:

$$V_1(m) = \boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{\xi}$$
(20)
其中:

$$\boldsymbol{P} = \begin{pmatrix} 4k_2 + k_1^2 & -k_1 \\ -k_1 & 2 \end{pmatrix}$$
(21)

为了使 Lyapunov 函数为正定,只要保证矩阵 P 为正定即可。显然,只要满足矩阵 P 中 $k_2>0$,矩阵 P 总是正定的。所以 $V_1(m)$ 满足以下不等式:

$$\eta_{\min}\left\{\boldsymbol{P}\right\}\left\|\boldsymbol{\xi}\right\|_{2}^{2} \leq V_{1}(m) \leq \eta_{\max}\left\{\boldsymbol{P}\right\}\left\|\boldsymbol{\xi}\right\|_{2}^{2}$$
(22)

式中: η_{\min} {**P**} 和 η_{\max} {**P**} 分别为矩阵 **P** 的最小和 最大特征值; $\|\boldsymbol{\xi}\|_2^2$ 为向量 $\boldsymbol{\xi}$ 范数的平方。可以得到李 雅普诺夫函数的导数:

$$\dot{V}_{1}(m) = \dot{\boldsymbol{\xi}}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{\xi} + \boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \dot{\boldsymbol{\xi}} = \frac{1}{|\boldsymbol{\xi}|} (\boldsymbol{A} \boldsymbol{\xi})^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{\xi} + \boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \frac{1}{|\boldsymbol{\xi}|} \boldsymbol{A} \boldsymbol{\xi} = |\boldsymbol{m}_{1}|^{-\frac{1}{2}} \boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{A}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{\xi} + |\boldsymbol{m}_{1}|^{-\frac{1}{2}} \boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{A} \boldsymbol{\xi}$$

$$|\boldsymbol{m}_{1}|^{-\frac{1}{2}} \boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{P} \boldsymbol{P} \boldsymbol{A}) \boldsymbol{\xi} = \frac{1}{2}$$

$$(23)$$

 $-|m_1|^{-\frac{1}{2}} \xi^{\mathrm{T}} Q \xi$

这里令矩阵Q和P满足以下关系 $A^{T}P + PA = -Q$, 矩阵Q可以表示为:

$$\boldsymbol{\varrho} = k \begin{pmatrix} 2k_1 + k_1^2 & -k_1 \\ -k_1 & 1 \end{pmatrix}$$
(24)

$$\dot{V}_{1}(m) = -\frac{1}{|m_{1}|^{\frac{1}{2}}} \boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{Q} \boldsymbol{\xi} \leq -\frac{1}{|m_{1}|^{\frac{1}{2}}} \eta_{\mathrm{T}} \left\{ \boldsymbol{Q} \right\} \|\boldsymbol{\xi}\|_{2}^{2}$$

$$(25)$$

$$\frac{1}{|m_1|^{\frac{1}{2}}}\eta_{\min}\{\boldsymbol{\mathcal{Q}}\}\|\boldsymbol{\boldsymbol{\zeta}}\|_2$$

式中: η_{\min} {**Q**} 为矩阵 **Q** 的最小特征值。

为了保持 $V_1(m) \le 0$ 不变,只需要保证矩阵 Q 是 正定的。显然,当 k_1 , k_2 满足 $k_1 > 0$, $k_2 > 0$,从 ξ^{T} 的 定义可以得到:

$$\left|\boldsymbol{\xi}\right|^{\frac{1}{2}} \leq \left\|\boldsymbol{\xi}\right\|_{2} \leq \frac{V_{1}^{\frac{1}{2}}(\boldsymbol{m})}{\eta_{\min}^{\frac{1}{2}}\left\{\boldsymbol{P}\right\}}$$
(26)

根据式(22)、式(25)可以得出结论:

$$\dot{V}_{1}(m) \leq -\frac{\eta_{\min}^{\frac{1}{2}} \{P\} \eta_{\min}^{\frac{1}{2}} \{Q\}}{\eta_{\max} \{P\}} V_{1}^{\frac{1}{2}}(m)$$

$$(27)$$

$$\Leftrightarrow:$$

$$k = \frac{\eta_{\min}^{\frac{1}{2}} \{ \boldsymbol{P} \} \eta_{\min}^{\frac{1}{2}} \{ \boldsymbol{Q} \}}{\eta_{\max} \{ \boldsymbol{P} \}}$$
(28)

则式(27)可以表示为:

$$\dot{V}_1(m) \leq -kV_1^{\overline{2}}(m), \ V_1(m_0) = V_1(0) \geq 0$$
 (29)

式中: *V*₁(0)表示 Lyapunov 函数的初始值。因为 *k*>0,所以收敛时间计算如下:

$$T \leq \frac{2V_1^{\frac{1}{2}}(0)}{k} \tag{30}$$

结合式(25)和式(30),根据 Lyapunov 稳定性 理论可知本文所提出的分数阶滑模控制算法是稳定 的,且收敛时间有限。

4 仿真分析

为了验证所提出的分数阶滑模控制对印刷机收 卷纠偏的效果,利用 MATLAB/Simulink 对其进行仿 真实验,并将分数阶滑模控制算法与传统 PID 控制进 行性能比较。首先基于图 4 所搭建的仿真模型^[9],在 仿真模型中设置阶跃、正弦和多频正弦 3 种干扰信号



图 4 基于分数阶滑模控制系统的 Simulink 模型 Fig.4 Simulink model based on fractional-order sliding mode control system

模拟不同工况下的系统抗干扰情况^[10]。本次仿真还依 据式(10)中卷材偏移检测处到收卷轴上的传输通道 传递函数中关于速度对跑偏信号的影响,设置不同收 卷线速度对纠偏情况进行仿真^[11-12]。

仿真过程中,假设收卷线速度分别为 300、600 m/min, 根据式(11)可得 t_{xp} 的值分别为 0.6、0.3、0.15。设置 阶跃跑偏干扰信号 $x_p = 10$ 、正弦跑偏干扰信号 $x_p = sint$ 、 多频正弦跑偏干扰信号 $x_p = sin(10\pi t) + sin(5\pi t) + sin(\pi t)^{[13]},$ 对比分数阶滑模控制和传统 PID 控制对阶跃干扰信号 的响应,如图 5、图 6、图 7 所示^[14]。

在不同线速度、不同跑偏信号的条件下,收卷纠 偏控制系统的动、静态性能数据如表1所示。

根据系统仿真图和 2 种控制方式仿真结果表 可知,在不同线速度及不同干扰跑偏信号下基于分 数及滑模控制的纠偏控制方案较传统 PID 控制具 有更小的动态误差和稳态误差,纠偏效果得到明显 提升。

5 实验分析

选用改进的陕西北人印刷机械有限公司 FR-400 机组式凹版印刷机作为实验平台,设计加装了收卷纠 偏机构,如图 8 所示。纠偏电机选用力川 LCDA86H 闭环步进电机,直流 60 V 供电,其定位精度较高; 跑偏传感器选用精科 US-400S 超声波传感器,具有较 高的检测精度;卷材选用幅宽为 600 mm PET 薄膜, 其具有较好的柔韧性,可减小因张力过大造成薄膜变 形对跑偏的影响。



图 5 阶跃信号干扰下 PID 控制与分数阶滑模控制抗干扰效果对比 Fig.5 Comparison of anti-interference effects of PID control and fractional-order sliding mode control under step signal interference



图 6 正弦信号干扰下 PID 控制与分数阶滑模控制抗干扰效果对比 Fig.6 Comparison of anti-interference effects of PID control and fractional-order sliding mode control under sinusoidal signal interference



图 7 多频正弦信号干扰下 PID 控制与分数阶滑模控制抗干扰效果对比 Fig.7 Comparison of anti-interference effects of PID control and fractional-order sliding mode control under multi-frequency sinusoidal signal interference

表 1 在不同线速度和跑偏输入信号条件下收卷系统的动、静态性能对比 Tab.1 Dynamic and static performance of the winding system under conditions of different sets of different line speeds and different off-track input signals

线速度 <i>V/</i> (m·min ⁻¹)	跑偏信号/mm	最大动态误差 (PID 控制)/mm	最大动态误差 (分数阶滑模控制)/mm	稳态误差 (PID 控制)/mm	稳态误差(分数阶 滑模控制)/mm
300	10	0.21	0.15	0	0
	$10\sin(\pi t)$	0.73	0.34	0.70	0.14
	$\frac{10[\sin(10\pi t)+\sin(5\pi t)+}{\sin(\pi t)]}$	4.7	2.1	4.7	2.1
600	10	0.52	0.17	0	0
	$10\sin(\pi t)$	1.31	0.36	1.27	0.17
	$\frac{10[\sin(10\pi t)+\sin(5\pi t)+}{\sin(\pi t)]}$	17.7	6.9	17.7	6.9



图 8 收卷纠偏控制系统实验平台 Fig.8 Experimental platform of winding and guiding system

为了验证分数阶滑模控制系统的纠偏效果, 以超声波传感器中心位置为基准,设置坐标偏移 量为 5 mm,设置收卷线速度为 150 r/min,测试传 统 PID 控制及分数阶滑模控制纠偏控制绝对误 差,系统流程控制框图如图 9 所示,测试所得结 果如表 2 所示。

由表 2 数据可以看出, 传统 PID 控制纠偏绝 对误差最大值为 0.32 mm, 平均值为 0.24 mm; 分 数阶滑模控制纠偏绝对误差最大值为 0.16 mm, 平 均值为 0.15 mm, 满足印刷工艺要求。通过实验数 据分析可知分数阶滑模纠偏控制纠偏效果的绝对 误差最大值及平均值均低于传统 PID 控制的相应 值,因此,分数阶滑模控制可以有效提升纠偏控 制精度。



图 9 收卷纠偏系统控制系统流程 Fig.9 Flow block diagram of winding and guiding control system

表	2 💈	纠偏效果数	据
Tab.2	Data	of guiding	effect

序号	传统 PID 控制纠偏 绝对误差/mm	分数阶滑模控制纠偏绝 对误差/mm
1	0.24	0.12
2	0.14	0.16
3	0.23	0.12
4	0.22	0.13
5	0.2	0.14
6	0.3	0.11
7	0.25	0.08
8	0.34	0.13
9	0.32	0.05
10	0.18	0.13

6 结语

文中设计了一种基于分数阶滑模控制的印刷机 收卷纠偏控制器,用于解决卷对卷印刷中收卷不齐的 问题^[15]。利用李雅普诺夫理论证明了分数阶滑模控制 算法稳定性;在多速度多干扰的情况下,将所设计的 分数阶滑模控制算法与传统 PID 算法进行仿真对比, 得到分数阶滑模控制具有较高的抗干扰性能、较高的 控制精度、较强的鲁棒性。搭建了实验平台,进行了 纠偏效果对比实验,实验表明分数阶滑模控制具有更 好的纠偏效果,可以有效提高印刷机的收卷纠偏精 度,对实际印刷生产具有重要意义。

参考文献:

- [1] 武秋敏,武吉梅.印刷设备[M].北京:中国轻工业出版社,2018:1-20.
 WU Qiu-min, WU Ji-mei. Printing Equipment[M]. Beijing: China Light Industry Press, 2018: 1-20.
- [2] ZHOU C, SONG Z K. Application of Ultrasonic in Web Guiding System[J]. Instrumentation Technology, 2010(9): 40-41.
- [3] 白淏文, 韩光信. 分数阶滑模控制算法在四容水箱中的应用及仿真[J]. 吉林化工学院学报, 2021, 38(7): 13-17.

BAI Hao-wen, HAN Guang-xin. Application and Simulation of Fractional-Order Sliding Mode Control Algorithm in Four-Tank[J]. Journal of Jilin Institute of Chemical Technology, 2021, 38(7): 13-17.

[4] 黄道敏,韩丽君,唐国元,等.水下机械手分数阶积 分滑模轨迹跟踪控制方法研究[J].中国机械工程, 2019, 30(13): 1513-1518.

HUANG Dao-min, HAN Li-jun, TANG Guo-yuan, et al. Fractional Integral Sliding Mode Control for Trajectory Tracking of Underwater Manipulators[J]. China Mechanical Engineering, 2019, 30(13): 1513-1518.

- [5] NESKA M, MAJCHER A. System for Automatic Web Guiding for Roll-to-Roll Machine Working in a Start-Stop Mode[J]. Solid State Phenomena, 2015, 223: 374-382.
- [6] 邓瑞,侯和平,徐卓飞,等.印刷纸带纠偏装置研究 与系统开发[J].包装工程,2018,39(13):138-143.
 DENG Rui, HOU He-ping, XU Zhuo-fei, et al. Research on the Guiding Control Device of Printing Paper Tape and System Development[J]. Packaging Engineering, 2018, 39(13):138-143.
- [7] MAO Bei-xing. Two Methods for Terminal Slid-

ing-Mode Synchronization of Fractional-Order Nonlinear Chaotic Systems[J]. Asian Journal of Control, 2021, 23: 1720-1727.

[8] 张建宇,高天宇,于潇雁,等.基于自适应时延估计 的空间机械臂连续非奇异终端滑模控制[J].机械工程 学报,2021,57(11):177-183.

ZHANG Jian-yu, GAO Tian-yu, YU Xiao-yan, et al. Continuous Non-Singular Terminal Sliding Mode Control of Space Robot Based on Adaptive Time Delay Estimation[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2021, 57(11): 177-183.

[9] 陈大洋,李章承,唐立军,等.全数字闭环石英挠性加速度计系统校正与仿真[J].电子测试,2020(6):20-23.

CHEN Da-yang, LI Zhang-cheng, TANG Li-jun, et al. Calibration and Simulation of Full Digital Closed-Loop Shi Ying Flexible Accelerometer System[J]. Electronic Test, 2020(6): 20-23.

[10] 杜恩祥, 王双龙, 常雷. 带前馈补偿的弹标轨迹变论 域模糊控制器设计[J]. 装甲兵工程学院学报, 2017, 31(2): 84-89.

DU En-xiang, WANG Shuang-long, CHANG Lei. Variable Universe Fuzzy Controller Design of Missile Mark Trajectory with Feed-Forward Compensation[J]. Journal of Academy of Armored Force Engineering, 2017, 31(2): 84-89.

[11] 赵志诚,赵志涛,张井岗,等. 直流调速系统的改进

型分数阶滑模控制[J]. 系统仿真学报, 2018, 30(3): 1096-1101.

ZHAO Zhi-cheng, ZHAO Zhi-tao, ZHANG Jing-gang, et al. Modified Fractional Order Sliding Model Control for DC Speed Regulating System[J]. Journal of System Simulation, 2018, 30(3): 1096-1101.

- [12] 李俊泓,魏振兴. 基于 IMC-ESO 的电机调速系统抑制干扰方法研究[J]. 电气传动, 2021, 51(23): 3-9.
 LI Jun-hong, WEI Zhen-xing. Research on Disturbance Suppression Method of PMSM Speed-Adjusting System Based on IMC-ESO[J]. Electric Drive, 2021, 51(23): 3-9.
- [13] 杨芳,张宽桥,余磊. 自适应非奇异快速终端二阶滑 模制导律[J]. 弹道学报, 2020, 32(2): 7-15.
 YANG Fang, ZHANG Kuan-qiao, YU Lei. Adaptive Nonsingular Fast Terminal Second-Order Sliding Mode Guidance Law[J]. Journal of Ballistics, 2020, 32(2): 7-15.
- [14] 张培娟. 对带材收卷过程中正弦式跑偏的跟踪控制
 [D]. 杭州: 杭州电子科技大学, 2013: 30-50.
 ZHANG Pei-juan. Tracking Control of Sinusoidal Running Deviation in Strip Winding Process[D]. Hangzhou:
 Hangzhou Dianzi University, 2013: 30-50.
- [15] 黄蒙. 薄膜卷材纠偏控制系统设计与研究[D]. 武汉: 武汉理工大学, 2013: 40-45.
 HUANG Meng. Design and Research of Thin Film Membrane Guiding Control System[D]. Wuhan University of Technology, 2013: 40-45.

责任编辑:曾钰婵